Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Яхина Зульфия Шамильевна
Должность: ректор
Дата подписания: 17.09.2026 21:55:23
Уникальный программный ключ:
c4bec21e4bef9c8aa74c9aa47db2a7ca8c06dd5b

АВТОНОМНАЯ НЕКОММЕРЧЕСКАЯ ОРГАНИЗАЦИЯ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ «АКАДЕМИЯ СОЦИАЛЬНОГО ОБРАЗОВАНИЯ»

УТВЕРЖДАЮ
Проректор по учебной работе
З.Ш. Яхина

Рабочая рограмма дисциплины

Математика

Специальность

40.02.01 Право и рганизация социального обеспечения

Квалификация выпускника

Юрист

Факультет среднего профессионального образования

Содержание

1. Общая характеристика учебного предмета «Математика»
2. Цели изучения учебного предмета «Математика»
3. Место учебного предмета «Математика» в учебном плане
4. Планируемые результаты освоения учебного предмета «Математика»

Рабочая программа учебного курса
«Алгебра и начала математического анализа»

Цели изучения учебного курса

Планируемые предметные результаты освоения курса

Рабочая программа учебного курса «Геометрия»

Цели изучения учебного курса

Планируемые предметные результаты освоения рабочей программы

Рабочая программа учебного курса «Вероятность и статистика»

Цели изучения учебного курса

Планируемые предметные результаты освоения курса

5. Условия реализации учебного предмета «Математика»

1. Общая характеристика учебного предмета «Математика»

Рабочая программа по учебному предмету «Математика» профильного уровня общеобразовательной подготовки в рамках среднего профессионального образования разработана на основе Федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования, с учётом современных мировых требований, предъявляемых к математическому образованию, и традиций российского образования. Реализация программы обеспечивает овладение ключевыми компетенциями, составляющими основу для саморазвития и непрерывного образования, целостность общекультурного, личностного и познавательного развития личности обучающихся.

В рабочей программе учтены идеи и положения «Концепции развития математического образования в Российской Федерации». В соответствии с названием концепции математическое образование должно, в частности, решать задачу обеспечения необходимого стране числа выпускников, математическая подготовка которых достаточна для продолжения образования по различным направлениям, включая преподавание математики, математические исследования, работу в сфере информационных технологий и др., а также обеспечения для каждого обучающегося возможности достижения математической подготовки в соответствии с необходимым ему уровнем.

В эпоху цифровой трансформации всех сфер человеческой деятельности невозможно стать образованным современным человеком без хорошей математической подготовки. Это обусловлено тем, что в наши дни растёт число специальностей, связанных с непосредственным применением математики: и в сфере экономики, и в бизнесе, и в технологических областях, и даже в гуманитарных сферах. Таким образом, круг обучающихся, для которых математика становится значимым предметом, фундаментом образования, существенно расширяется. В него входят не только обучающиеся, планирующие заниматься творческой и исследовательской работой в области математики, информатики, физики, экономики и в других областях, но и те, кому математика нужна для использования в профессиях, не связанных непосредственно с ней.

Прикладная значимость математики обусловлена тем, что её предметом являются фундаментальные структуры нашего мира: пространственные формы и количественные отношения, функциональные зависимости и категории неопределённости, от простейших, усваиваемых в непосредственном опыте, до достаточно сложных, необходимых для развития научных и технологических идей. Без конкретных математических знаний затруднено понимание принципов устройства и использования современной техники, восприятие и интерпретация разнообразной социальной, экономической, политической информации, малоэффективна повседневная практическая деятельность. Во многих сферах профессиональной деятельности требуются умения выполнять расчёты, составлять алгоритмы, применять формулы, проводить геометрические измерения и построения, читать, обрабатывать, интерпретировать и представлять информацию в виде таблиц, диаграмм и графиков, понимать вероятностный характер случайных событий.

Одновременно с расширением сфер применения математики в современном обществе всё более важным становится математический стиль мышления, проявляющийся в определённых умственных навыках. В процессе изучения математики в арсенал приёмов и методов мышления человека естественным образом включаются индукция и дедукция, обобщение и конкретизация, анализ и синтез, классификация и систематизация, абстрагирование и аналогия. Объекты математических умозаключений, правила их конструирования раскрывают механизм логических построений, способствуют выработке умения формулировать, обосновывать и доказывать суждения, тем самым формируют логический стиль мышления. Ведущая роль принадлежит математике в формировании алгоритмической компоненты мышления и воспитании умений действовать по заданным

алгоритмам, совершенствовать известные и конструировать новые. В процессе решения задач — основы для организации учебной деятельности на уроках математики — развиваются творческая и прикладная стороны мышления .

Обучение математике даёт возможность развивать у учащихся точную, рациональную и информативную речь, умение отбирать наиболее подходящие языковые, символические, графические средства для выражения суждений и наглядного их представления.

Необходимым компонентом общей культуры в современном толковании является общее знакомство с методами познания действительности, представление о предмете и методе математики, его отличиях от методов естественных и гуманитарных наук, об особенностях применения математики для решения научных и прикладных задач. Таким образом, математическое образование вносит свой вклад в формирование общей культуры человека.

Изучение математики способствует эстетическому воспитанию человека, пониманию красоты и изящества математических рассуждений, восприятию геометрических форм, усвоению идеи симметрии.

2. Цели изучения учебного предмета «Математика»

Приоритетными целями обучения математике на профильном уровне продолжают оставаться:

- формирование центральных математических понятий (число, величина, геометрическая фигура, переменная, вероятность, функция, производная, интеграл), обеспечивающих преемственность и перспективность математического образования обучающихся;
- подведение учащихся на доступном для них уровне к осознанию взаимосвязи математики и окружающего мира, пониманию математики как части общей культуры человечества;
- развитие интеллектуальных и творческих способностей учащихся, познавательной активности, исследовательских умений, критичности мышления, интереса к изучению математики;
- формирование функциональной математической грамотности: умения распознавать математические аспекты в реальных жизненных ситуациях и при изучении других учебных предметов, проявления зависимостей и закономерностей, формулировать их на языке математики и создавать математические модели, применять освоенный математический аппарат для решения практико-ориентированных задач, интерпретировать и оценивать полученные результаты.

Основные линии содержания курса математики в профильного уровня: «Числа и вычисления», «Алгебра» («Алгебраические выражения», «Уравнения и неравенства»), «Начала математического анализа», «Геометрия» («Геометрические фигуры и их свойства», «Измерение геометрических величин»), «Вероятность и статистика». Данные линии развиваются параллельно, каждая в соответствии с собственной логикой, однако не независимо одна от другой, а в тесном контакте и взаимодействии. Кроме этого, их объединяет логическая составляющая, традиционно присущая математике и пронизывающая все математические курсы и содержательные линии. Сформулированное в Федеральном государственном образовательном стандарте среднего общего образования требование «умение оперировать понятиями: определение, аксиома, теорема, следствие, свойство, признак, доказательство, равносильные формулировки; умение формулировать обратное и противоположное утверждение, приводить примеры и контрпримеры, использовать метод математической индукции; проводить доказательные рассуждения при решении задач, оценивать логическую правильность рассуждений» относится ко всем курсам, а формирование логических умений распределяется по всем годам обучения на уровне среднего общего образования .

3. Место учебного предмета «Математика» в учебном плане

В соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом среднего

общего образования математика является обязательным предметом на данном уровне образования. В учебном плане на изучение предмета «Математика» отводится 320 часов. «Математика» в рамках трёх учебных курсов: «Алгебра и начала математического анализа», «Геометрия», «Вероятность и статистика». Формирование логических умений осуществляется на протяжении всех лет обучения в старшей школе, а элементы логики включаются в содержание всех названных выше курсов.

Объем учебного предмета и виды учебной работы

Очное обучение

Вид учебной работы	Всего	Объем часов 1 семестр	Объем часов 2 семестр
По плану	**320**	**116**	**204**
С преподавателем	287	110	177
лекций	286	110	176
Самостоятельная работа	15	6	9
Консультация	1	-	1
Промежуточная аттестация - экзамен	18	**другие**	18

Заочное обучение

Вид учебной работы	Всего	Объем часов 1 семестр	Объем часов 2 семестр
По плану	**320**	**116**	**204**
С преподавателем	18	12	6
Лекций	17	12	5
Самостоятельная работа	296	104	192
консультация	1	-	1
Промежуточная аттестация - экзамен	6	**дкр**	6

4. Планируемые результаты освоения учебного предмета «Математика»

Освоение учебного предмета «Математика» должно обеспечивать достижение на уровне среднего общего образования следующих личностных, метапредметных и предметных образовательных результатов:

Личностные результаты

Личностные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются:

Гражданское воспитание:

сформированностью гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного

члена российского общества, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и пр.), умением взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением.

Патриотическое воспитание:

сформированностью российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики.

Духовно-нравственное воспитание:

осознанием духовных ценностей российского народа; сформированностью нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного; осознанием личного вклада в построение устойчивого будущего.

Эстетическое воспитание:

эстетическим отношением к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений; восприимчивостью к математическим аспектам различных видов искусства.

Физическое воспитание:

сформированностью умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственного отношения к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность); физического совершенствования при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью.

Трудовое воспитание:

готовностью к труду, осознанием ценности трудолюбия; интересом к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умением совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы; готовностью и способностью к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни; готовностью к активному участию в решении практических задач математической направленности.

Экологическое воспитание:

сформированностью экологической культуры, пониманием влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознанием глобального характера экологических проблем; ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды.

Ценности научного познания:

сформированностью мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации; овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира; готовностью осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Метапредметные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются овладением *универсальными* ***познавательными*** *действиями, универсальными* ***коммуникативными*** *действиями, универсальными* ***регулятивными*** *действиями.*

1) *Универсальные* ***познавательные*** *действия, обеспечивают формирование базовых когнитивных процессов обучающихся* (*освоение методов познания окружающего мира*; *применение логических, исследовательских операций, умений работать с информацией*).

Базовые логические действия:

- выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями; формулировать определения понятий; устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;
- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие; условные;
- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях; предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры; обосновывать собственные суждения и выводы;
- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания; формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также вы- двигать предположения о его развитии в новых условиях .

Работа с информацией:

- выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;
- выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
- структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;
- оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

2) *Универсальные* ***коммуникативные*** *действия, обеспечивают сформированность социальных навыков обучающихся*.

Общение:

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения; ясно, точно, грамотно выра жать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения; сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций; в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта; самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

Сотрудничество:

- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач; принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы; обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, «мозговые штурмы» и т.п.); выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды; оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

3) Универсальные ***регулятивные*** *действия, обеспечивают формирование смысловых установок и жизненных навыков личности.*

Самоорганизация:

- составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль:

- владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов; владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;
- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Предметные результаты освоения рабочей программы по математике представлены по годам обучения в рамках отдельных курсов в соответствующих разделах настоящей Программы.

Рабочая программа учебного курса
«Алгебра и начала математического анализа»

Цели изучения учебного курса

Курс «Алгебра и начала математического анализа» является одним из наиболее значимых в программе старшей школы, поскольку, с одной стороны, он обеспечивает инструментальную базу для изучения всех естественнонаучных курсов, а с другой стороны, формирует логическое и абстрактное мышление учащихся на уровне, необходимом для освоения информатики, обществознания, истории, словесности и других дисциплин. В рамках данного курса учащиеся овладевают универсальным языком современной науки, которая

формулирует свои достижения в математической форме.

Курс алгебры и начал математического анализа закладывает основу для успешного овладения законами физики, химии, биологии, понимания основных тенденций развития экономики и общественной жизни, позволяет ориентироваться в современных цифровых и компьютерных технологиях, уверенно использовать их для дальнейшего образования и в повседневной жизни. В тоже время овладение абстрактными и логически строгими конструкциями алгебры и математического анализа развивает умение находить закономерности, обосновывать истинность, доказывать утверждения с помощью индукции и рассуждать дедуктивно, использовать обобщение и конкретизацию, абстрагирование и аналогию, формирует креативное и критическое мышление.

В ходе изучения курса «Алгебра и начала математического анализа» учащиеся получают новый опыт решения прикладных задач, самостоятельного построения математических моделей реальных ситуаций, интерпретации полученных решений, знакомятся с примерами математических закономерностей в природе, науке и искусстве, с выдающимися математическими открытиями и их авторами.

Курс обладает значительным воспитательным потенциалом, который реализуется как через учебный материал, способствующий формированию научного мировоззрения, так и через специфику учебной деятельности, требующей продолжительной концентрации внимания, самостоятельности, аккуратности и ответственности за полученный результат.

В основе методики обучения алгебре и началам математического анализа лежит деятельностный принцип обучения.

В структуре курса «Алгебра и начала математического анализа» можно выделить следующие содержательно-методические линии: «Числа и вычисления», «Функции и графики», «Уравнения и неравенства», «Начала математического анализа», «Множества и логика». Все основные содержательно-методические линии изучаются на протяжении двух лет обучения в старшей школе, естественно дополняя друг друга и постепенно насыщаясь новыми темами и разделами. Можно с уверенностью сказать, что данный курс является интегративным, поскольку объединяет в себе содержание нескольких математических дисциплин, таких как алгебра, тригонометрия, математический анализ, теория множеств, математическая логика и др. По мере того как учащиеся овладевают всё более широким математическим аппаратом, у них последовательно формируется и совершенствуется умение строить математическую модель реальной ситуации, применять знания, полученные при изучении курса, для решения самостоятельно сформулированной математической задачи, а затем интерпретировать свой ответ.

Содержательно-методическая линия «Числа и вычисления» завершает формирование навыков использования действительных чисел, которое было начато в основной школе. В старшей школе особое внимание уделяется формированию навыков рациональных вычислений, включающих в себя использование различных форм записи числа, умение делать прикидку, выполнять приближённые вычисления, оценивать числовые выражения, работать с математическими константами. Знакомые учащимся множества натуральных, целых, рациональных и действительных чисел дополняются множеством комплексных чисел. В каждом из этих множеств рассматриваются свойственные ему специфические задачи и операции: деление нацело, оперирование остатками на множестве целых чисел; особые свойства рациональных и иррациональных чисел; арифметические операции, а также извлечение корня натуральной степени на множестве комплексных чисел. Благодаря последовательному расширению круга используемых чисел и знакомству с возможностями их применения для решения различных задач формируется представление о единстве математики как науки и её роли в построении моделей реального мира; широко используются обобщение и конкретизация.

Линия «Уравнения и неравенства» реализуется на протяжении всего обучения в старшей школе, поскольку в каждом разделе Программы предусмотрено решение соответствующих задач. В результате учащиеся овладевают различными методами решения рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических и тригонометрических уравнений, неравенств и систем, а также задач, содержащих параметры . Полученные умения широко используются при исследовании функций с по- мощью производной, при решении прикладных задач и задач на нахождение наибольших и наименьших значений функции. Данная содержательная линия включает в себя также формирование умений выполнять расчёты по формулам, преобразования рациональных, иррациональных и тригонометрических выражений, а также выражений, содержащих степени и логарифмы. Благодаря изучению алгебраического материала происходит дальнейшее развитие алгоритмического и абстрактного мышления учащихся, формируются навыки дедуктивных рассуждений, работы с символьными формами, представления закономерностей и зависимостей в виде равенств и неравенств. Алгебра предлагает эффективные инструменты для решения практических и естественнонаучных задач, наглядно демонстрирует свои возможности как языка науки .

Содержательно-методическая линия «Функции и графики» тесно переплетается с другими линиями курса, поскольку в каком-то смысле задаёт последовательность изучения материала. Изучение степенной, показательной, логарифмической и тригонометрических функций, их свойств и графиков, использование функций для решения задач из других учебных предметов и реальной жизни тесно связано как с математическим анализом, так и с решением уравнений и неравенств. При этом большое внимание уделяется формированию умения выражать формулами зависимости между различными величинами, исследовать полученные функции, строить их графики. Материал этой содержательной линии нацелен на развитие умений и навыков, позволяющих выражать зависимости между величинами в различной форме: аналитической, графической и словесной. Его изучение способствует развитию алгоритмического мышления, способности к обобщению и конкретизации, использованию аналогий.

Содержательная линия «Начала математического анализа» позволяет существенно расширить круг как математических, так и прикладных задач, доступных школьникам, так как у них появляется возможность строить графики сложных функций, определять их наибольшие и наименьшие значения, вычислять площади фигур и объёмы тел, находить скорости и ускорения процессов. Данная содержательная линия открывает новые возможности построения математических моделей реальных ситуаций, позволяет находить наилучшее решение в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах. Знакомство с основами математического анализа способствует развитию абстрактного, формально-логического и креативного мышления, формированию умений распознавать проявления законов математики в науке, технике и искусстве. Учащиеся узнают о выдающихся результатах, полученных в ходе развития математики как науки, и об их авторах .

Содержательно-методическая линия «Множества и логика» включает в себя элементы теории множеств и математической логики. Теоретико-множественные представления пронизывают весь курс школьной математики и предлагают наиболее универсальный язык, объединяющий все разделы математики и её приложений, они связывают разные математические дисциплины и их приложения в единое целое. Поэтому важно дать возможность школьнику понимать теоретико-множественный язык современной математики и использовать его для выражения своих мыслей. Другим важным признаком математики как науки следует признать свойственную ей строгость обоснований и следование определённым правилам построения доказательств. Знакомство с элементами математической логики способствует развитию логического мышления учащихся, позволяет

им строить свои рассуждения на основе логических правил, формирует навыки критического мышления.

В курсе «Алгебра и начала математического анализа» присутствуют основы математического моделирования, которые призваны способствовать формированию навыков построения моделей реальных ситуаций, исследования этих моделей с помощью аппарата алгебры и математического анализа, интерпретации полученных результатов . Такие задания вплетены в каждый из разделов Программы, поскольку весь материал курса широко используется для решения прикладных задач . При решении реальных практических задач учащиеся развивают наблюдательность, умение находить закономерности, абстрагироваться, использовать аналогию, обобщать и конкретизировать проблему. Деятельность по формированию навыков решения прикладных задач организуется в процессе изучения всех тем курса «Алгебра и начала математического анализа».

Планируемые предметные результаты освоения курса

Освоение учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» на уровне среднего общего образования должно обеспечивать достижение следующих предметных образовательных результатов:

1 семестр

Числа и вычисления

- Свободно оперировать понятиями: рациональное число, бесконечная периодическая дробь, проценты; иррациональное число; множества рациональных и действительных чисел; модуль действительного числа.
- Применять дроби и проценты для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни.
- Применять приближённые вычисления, правила округления, прикидку и оценку результата вычислений.
- Свободно оперировать понятием: степень с целым показателем; использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.
- Свободно оперировать понятием: арифметический корень натуральной степени.
- Свободно оперировать понятием: степень с рациональным показателем.
- Свободно оперировать понятиями: логарифм числа; десятичные и натуральные логарифмы.
- Свободно оперировать понятиями: синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента.
- Оперировать понятиями: арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента.

Уравнения и неравенства

- Свободно оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство, равносильные уравнения и уравнения-следствия; равносильные неравенства.
- Применять различные методы решения рациональных и дробно-рациональных уравнений; применять метод интервалов для решения неравенств.
- Свободно оперировать понятиями: многочлен от одной переменной; многочлен с целыми коэффициентами, корни многочлена; применять деление многочлена на многочлен с остатком, теорему Безу и теорему Виета для решения задач.
- Свободно оперировать понятиями: система линейных уравнений, матрица, определитель матрицы 2×2 и его геометрический смысл; использовать свойства определителя 2×2 для вычисления его значения, применять определители для решения системы линейных уравнений; моделировать реальные ситуации с помощью системы линейных уравнений,

исследовать построенные модели с помощью матриц и определителей, интерпретировать полученный результат.

- Использовать свойства действий с корнями для преобразования выражений.
- Выполнять преобразования числовых выражений, содержащих степени с рациональным показателем.
- Использовать свойства логарифмов для преобразования логарифмических выражений.
- Свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические уравнения; находить их решения с помощью равносильных переходов или осуществляя проверку корней.
- Применять основные тригонометрические формулы для преобразования тригонометрических выражений.
- Свободно оперировать понятием: тригонометрическое уравнение; применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических уравнений.
- Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи,

исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

Функции и графики

- Свободно оперировать понятиями: функция, способы задания функции; взаимно обратные функции, композиция функций; график функции; выполнять элементарные преобразования графиков функций.
- Свободно оперировать понятиями: область определения и множество значений функции, нули функции, промежутки знакопостоянства.
- Свободно оперировать понятиями: чётные и нечётные функции, периодические функции, промежутки монотонности функции, максимумы и минимумы функции, наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке.
- Свободно оперировать понятиями: степенная функция с натуральным и целым показателем, график степенной функции с натуральным и целым показателем; график корня n-ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем.
- Оперировать понятиями: линейная, квадратичная и дробно- линейная функции; выполнять элементарное исследование и построение их графиков.
- Свободно оперировать понятиями: показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики; использовать их графики для решения уравнений.
- Свободно оперировать понятиями: тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента.
- Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами.

Начала математического анализа

- Свободно оперировать понятиями: арифметическая и геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия; линейный и экспоненциальный рост, формула сложных процентов; иметь преставление о константе e.
- Использовать прогрессии для решения реальных задач прикладного характера.
- Свободно оперировать понятиями: последовательность, способы задания последовательностей, монотонные и ограниченные последовательности; понимать основы зарождения математического анализа как анализа бесконечно малых
- Свободно оперировать понятиями: непрерывные функции; точки разрыва графика функции; асимптоты графика функции.
- Свободно оперировать понятием: функция, непрерывная на отрезке; применять свойства

непрерывных функций для решения задач.
- Свободно оперировать понятиями: первая и вторая производные функции, касательная к графику функции.
- Вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции двух функций; знать производные элементарных функций.
- Использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач.

Множества и логика

- Свободно оперировать понятиями: множество, операции над множествами.
- Использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.
- Свободно оперировать понятиями: определение, теорема, уравнение-следствие, свойство математического объекта, доказательство, равносильные уравнения и неравенства.

2 семестр

Числа и вычисления

- Свободно оперировать понятиями: натуральное и целое число, множества натуральных и целых чисел; использовать признаки делимости целых чисел, НОД и НОК натуральных чисел для решения задач, применять алгоритм Евклида.
- Свободно оперировать понятием остатка по модулю; записывать натуральные числа в различных позиционных системах счисления .
- Свободно оперировать понятиями: комплексное число и множество комплексных чисел; представлять комплексные числа в алгебраической и тригонометрической форме, выполнять арифметические операции с ними и изображать на координатной плоскости.

Уравнения и неравенства

- Свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические неравенства; находить их решения с помощью равносильных переходов.
- Осуществлять отбор корней при решении тригонометрического уравнения.
- Свободно оперировать понятием тригонометрическое неравенство; применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических неравенств .
- Свободно оперировать понятиями: система и совокупность уравнений и неравенств; равносильные системы и системы следствия; находить решения системы и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений и неравенств.
- Решать рациональные, иррациональные, показательные, логарифмические и тригонометрические уравнения и неравенства, содержащие модули и параметры.
- Применять графические методы для решения уравнений и неравенств, а также задач с параметрами.
- Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат.

Функции и графики

- Строить графики композиции функций с помощью элементарного исследования и свойств композиции двух функций.
- Строить геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости.
- Свободно оперировать понятиями: графики тригонометрических функций.
- Применять функции для моделирования и исследования реальных процессов.

Начала математического анализа

- Использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы.
- Находить наибольшее и наименьшее значения функции непрерывной на отрезке.
- Использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком .
- Свободно оперировать понятиями: первообразная, определённый интеграл; находить первообразные элементарных функций и вычислять интеграл по формуле Ньютона — Лейбница.
- Находить площади плоских фигур и объёмы тел с помощью интеграла.
- Иметь представление о математическом моделировании на примере составления дифференциальных уравнений .
- Решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа .

Содержание учебного курса

1семестр

Числа и вычисления

Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби . Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни .

Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа. Арифметические операции с действительными числами. Модуль действительного числа и его свойства. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений .

Степень с целым показателем. Бином Ньютона. Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Арифметический корень натуральной степени и его свойства.

Степень с рациональным показателем и её свойства; степень с действительным показателем

Логарифм числа. Свойства логарифма. Десятичные и натуральные логарифмы .

Синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента.
Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента .

Уравнения и неравенства

Тождества и тождественные преобразования. Уравнение, корень уравнения . Равносильные уравнения и уравнения-следствия. Неравенство, решение неравенства.

Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств . Многочлены от одной переменной . Деление многочлена на многочлен с остатком . Теорема Безу. Многочлены с целыми коэффициентами. Теорема Виета.

Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни.

Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений.

Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений.

Преобразование выражений, содержащих логарифмы . Логарифмические уравнения .

Основные методы решения логарифмических уравнений .

Основные тригонометрические формулы. Преобразование тригонометрических выражений. Решение тригонометрических уравнений.

Решение систем линейных уравнений. Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы 2 × 2, его геометрический смысл и свойства; вычисление его значения, применение определителя для решения системы линейных уравнений . Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений . Исследование построенной модели с помощью матриц и определителей .

Построение математических моделей реальной ситуации с помощью уравнений и неравенств . Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из раз- личных областей науки и реальной жизни.

Функции и графики

Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции. Композиция функций. График функции. Элементарные преобразования графиков функций.

Область определения и множество значений функции. Нули функции . Промежутки знакопостоянства . Чётные и нечётные функции . Периодические функции . Промежутки монотонности функции . Максимумы и минимумы функции Наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке.

Линейная, квадратичная и дробно-линейная функции. Элементарное исследование и построение их графиков.

Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график . Свойства и график корня n-ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем .

Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики. Использование графиков функций для решения уравнений . Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента .

Функциональные зависимости в реальных процессах и явлениях . Графики реальных зависимостей .

Начала математического анализа

Последовательности, способы задания последовательностей. Метод математической индукции. Монотонные и ограниченные последовательности . История возникновения математического анализа как анализа бесконечно малых .

Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия . Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии . Линейный и экспоненциальный рост. Число e . Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера.

Непрерывные функции и их свойства. Точки разрыва . Асимптоты графиков функций. Свойства функций непрерывных на отрезке. Метод интервалов для решения неравенств . Применение свойств непрерывных функций для решения задач .

Первая и вторая производные функции. Определение, геометрический и физический смысл производной. Уравнение касательной к графику функции.

Производные элементарных функций. Производная суммы, произведения, частного и композиции функций.

Множества и логика

Множество, операции над множествами и их свойства. Диаграммы Эйлера — Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов .

Определение, теорема, свойство математического объекта, следствие, доказательство, равносильные уравнения.

2 семестр

Числа и вычисления

Натуральные и целые числа. Применение признаков делимости целых чисел, НОД и НОК, остатков по модулю, алгоритма Евклида для решения задач в целых числах.

Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа. Арифметические операции с комплексными числами. Изображение комплексных чисел на координатной плоскости. Формула Муавра. Корни n-ой степени из комплексного числа. Применение комплексных чисел для решения физических и геометрических задач.

Уравнения и неравенства

Система и совокупность уравнений и неравенств. Равносильные системы и системы-следствия. Равносильные неравенства.

Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности. Решение тригонометрических неравенств.

Основные методы решения показательных и логарифмических неравенств.

Основные методы решения иррациональных неравенств. Основные методы решения систем и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений.

Уравнения, неравенства и системы с параметрами. Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов.

Функции и графики

График композиции функций. Геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости.

Тригонометрические функции, их свойства и графики. Графические методы решения уравнений и неравенств. Графические методы решения задач с параметрами.

Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни.

Начала математического анализа

Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значений непрерывной функции на отрезке.

Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком.

Первообразная, основное свойство первообразных. Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных.

Интеграл. Геометрический смысл интеграла. Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона — Лейбница .

Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур и объёмов геометрических тел.

Примеры решений дифференциальных уравнений. Математическое моделирование реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений.

Тематическое планирование учебного курса «Алгебра и начало математического анализа»

1 семестр

Название раздела (темы)	Основное содержание раздела (темы)	Основные виды деятельности обучающихся	Очное обучение (объем часов)	Заочное обучение (объем часов)
Множество действительных чисел. Многочлены. Рациональные уравнения и неравенства. Системы линейных уравнений	Множество, операции над множествами и их свойства. Диаграммы Эйлера — Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для решения задач. Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби,	**Использовать** теоретико-множественный аппарат для описания хода решения математических задач, а также реальных процессов и явлений. **Оперировать понятиями**: рациональное число,	**5**	**1/4***

	проценты, бесконечные периодические дроби. Применение дробей и процентов для решения прикладных задач . Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа. Арифметические операции с действительными числами. Модуль действительного числа и его свойства. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений. Основные методы решения целых и дробно-рациональных	бесконечная периодическая дробь, проценты; иррациональное и действительное число; модуль действительного числа; **использовать** эти понятия при проведении рассуждений и доказательств, **применять** дроби и проценты для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни. **Использовать** приближённые вычисления, правила округления, прикидку и оценку результата вычислений . **Применять** различные методы решения рациональных и дробно-рациональных уравнений; а также метод интервалов для решения неравенств . **Оперировать понятиями** многочлен от одной переменной, его корни; **применять** деление многочлена на многочлен с остатком, теорему Безу и теорему Виета для решения задач . **Оперировать понятиями**: система линейных уравнений, матрица, определитель матрицы .		
	уравнений и неравенств . Многочлены от одной переменной . Деление многочлена на многочлен с остатком . Теорема Безу. Многочлены с целыми коэффициентами . Теорема Виета. Решение систем линейных уравнений. Матрица системы линейных уравнений . Определитель матрицы 2×2, его геометрический смысл и свойства; вычисление его значения; применение	**Использовать** свойства определителя 2 × 2 для вычисления его значения, **применять** определители для решения системы линейных уравнений . **Моделировать** реальные ситуации с помощью системы линейных уравнений, **исследовать** построенные модели с помощью матриц и определителей, **интерпретировать** полученный результат		

	определителя для решения системы линейных уравнений . Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений			
Функции и графики. Степенная функция с целым показателем	Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции. Композиция функций. График функции. Элементарные преобразования графиков функций .	**Оперировать понятиями**: функция, способы задания функции; взаимно обратные функции, композиция функций, график функции, область определения и множество значений функции, нули функции, промежутки знакопостоянства; линейная, квадратичная, дробно-линейная и степенная функции. **Выполнять** элементарные преобразования графиков функций. **Знать и уметь доказывать** чётность или нечётность функции, периодичность функции, **находить** промежутки монотонности функции, максимумы и минимумы функции, наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке . **Формулировать и иллюстрировать графически** свойства линейной, квадратичной, дробно-линейной и степенной функций . **Выражать формулами** зависимости между величинами . **Знать определение и свойства** степени с целым показателем; подходящую форму записи действительных	**5/1***	**1/5***
	Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Чётные и нечётные функции. Периодические функции . Промежутки моно- тонности функции . Максимумы и минимумы функции . Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке . Линейная, квадратичная и дробно-линейная функции. Элементарное исследование и построение графиков этих функций . Степень с целым показателем. Бином Ньютона . Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график			

		чисел для решения практических задач и представления данных		
Арифметический корень *n*-ой степени. Иррациональные уравнения	Арифметический корень натуральной степени и его свойства. Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни. Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений . Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений . Свойства и график корня *n*-ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем	**Формулировать, записывать в символической форме** и использовать свойства корня *n*-ой степени для преобразования выражений. **Находить решения** иррациональных уравнений с помощью равносильных переходов или осуществляя проверку корней . **Строить** график функции корня *n*-ой степени как обратной для функции степени с натуральным показателем	**5/1***	**1/5***
Показательная функция. Показательные уравнения	Степень с рациональным показателем и её свойства . Показательная функция, её свойства и график. Использование графика функции для решения уравнений . Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений	**Формулировать определение** степени с рациональным показателем . Выполнять преобразования числовых выражений, содержащих степени с рациональным показателем. **Использовать цифровые ресурсы** для построения графика показательной функции и изучения её свойств . **Находить решения** показательных уравнений	**5**	**1/4***

Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения	Логарифм числа. Свойства логарифма. Десятичные и натуральные логарифмы. Преобразование выражений, содержащих логарифмы. Логарифмическая функция, её свойства и график. Использование графика функции для решения уравнений. Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений. Равносильные переходы в решении логарифмических уравнений	**Давать определение** логарифма числа; десятичного и натурального логарифма. **Использовать** свойства логарифмов для преобразования логарифмических выражений. **Строить** график логарифмической функции как об ратной к показательной и использовать свойства логарифмической функции для решения задач. **Находить** решения логарифмических уравнений с помощью равносильных переходов или осуществляя проверку корней	**5/1***	**1/5***
Тригонометрические выражения и уравнения	Синус, косинус, тангенс и котангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента . Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента . Основные тригонометрические формулы. Преобразование тригонометрических выражений. Решение тригонометрических уравнений	**Давать определения** синуса, косинуса, тангенса и котангенса числового аргумента; а также арксинуса, арккосинуса и арктангенса числа . **Применять** основные тригонометрические формулы для преобразования тригонометрических выражений . **Применять** формулы тригонометрии для решения основных типов тригонометрических уравнений	**5**	**5***
Последовательности и прогрессии	Последовательности, способы задания последовательностей. Метод математической индукции . Монотонные и ограниченные последовательности . История анализа бесконечно малых . Арифметическая и геометрическая прогрессии .	**Оперировать понятиями:** последовательность, способы задания последовательностей; монотонные и ограниченные последовательности; **исследовать** последовательности на монотонность и ограниченность.	**5**	**5***

	Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Линейный и экспоненциальный рост . Число *e* . Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера	**Получать представление** об основных идеях анализа бесконечно малых. **Давать определение** арифметической и геометрической прогрессии. **Доказывать** свойства арифметической и геометрической прогрессии, находить сумму членов прогрессии, а также сумму членов бесконечно убывающей геометрической прогрессии. **Использовать** прогрессии для решения задач прикладного характер. **Применять** формулу сложных процентов для решения задач из реальной практики		
Непрерывные функции. Производная	Непрерывные функции и их свойства. Точка разрыва. Асимптоты графиков функций. Свойства функций непрерывных на отрезке. Метод интервалов для решения неравенств . Применение свойств непрерывных функций для решения задач. Первая и вторая производные функции. Определение, геометрический и физический смысл производной. Уравнение касательной к графику функции . Производные элементарных функций. Производная суммы, произведения, частного и композиции функций	**Оперировать понятиями**: функция непрерывная на отрезке, точка разрыва функции, асимптота графика функции. **Применять** свойства непрерывных функций для решения задач. **Оперировать понятиями**: первая и вторая производные функции; понимать физический и геометрический смысл производной; записывать уравнение касательной . **Вычислять** производные суммы, произведения, частного и сложной функции . **Изучать** производные элементарных функций. **Использовать** геометрический и физический смысл производной для решения задач	**5**	**5***
Повторение, обобщение, систематизация знаний	Основные понятия курса алгебры и начала математического анализа, обобщение и систематизация знаний	**Применять** основные понятия курса алгебры и начал математического анализа для решения задач из реальной жизни и других школьных предметов	**7**	**7***

2 семестр

Название раздела (темы)	Основное содержание раздела (темы)	Основные виды деятельности обучающихся	Очное обучение (объем часов)	Заочное обучение (объем часов)
Исследование функций с помощью производной	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке. Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком. Композиция функций. Геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости	**Строить** график композиции функций с помощью элементарного исследования и свойств композиции. **Строить** геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости. **Использовать** производную для исследования функции на монотонность и экстремумы; **находить** наибольшее и наименьшее значения функции непрерывной на отрезке; **строить** графики функций на основании проведённого исследования. **Использовать** производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком. **Получать представление** о применении производной в различных отраслях знаний	**10**	**1/9***
Первообразная и интеграл	Первообразная, основное свойство первообразных. Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных . Интеграл. Геометрический смысл интеграла. Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона — Лейбница . Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур и объёмов геометрических тел . Примеры решений дифференциальных	**Оперировать понятиями:** первообразная и определённый интеграл. **Находить** первообразные элементарных функций и вычислять интеграл по формуле Ньютона — Лейбница. **Находить** площади плоских фигур и объёмы тел с помощью определённого интеграла. **Знакомиться** с математическим моделированием на примере дифференциальных уравнений . **Получать представление** о значении введения	**10**	**10***

	уравнений. Математическое моделирование реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений	понятия интеграла в развитии математики		
Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства	Тригонометрические функции, их свойства и графики. Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности. Решение тригонометрических неравенств	**Использовать цифровые ресурсы** для построения графиков тригонометрических функции и изучения их свойств. **Решать** тригонометрические уравнения и осуществлять отбор корней с помощью тригонометрической окружности. **Применять** формулы тригонометрии для решения основных типов тригонометрических неравенств. **Использовать цифровые ресурсы** для построения и исследования графиков функций	**10**	**10***
Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства	Основные методы решения показательных и логарифмических неравенств. Основные методы решения иррациональных неравенств. Графические методы решения иррациональных, показательных и логарифмических уравнений и неравенств	**Применять** свойства показательной и логарифмической функций к решению показательных и логарифмических неравенств. **Обосновать** равносильность переходов. **Решать** иррациональные и комбинированные неравенства, с помощью равносильных переходов . **Использовать** графические методы и свойства входящих в уравнение или неравенство функций для решения задачи	**10**	**10***

Комплексные числа	Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа. Арифметические операции с комплексными числами. Изображение комплексных чисел на координатной плоскости. Формула Муавра. Корни *n*-ой степени из комплексного числа. Применение комплексных чисел для решения физических и геометрических задач	**Оперировать понятиями**: комплексное число и множество комплексных чисел. **Представлять** комплексные числа в алгебраической и тригонометрической форме. **Выполнять** арифметические операции с ними. **Изображать** комплексные числа на координатной плоскости. **Применять** формулу Муавра и получать представление о корнях *n*-ой степени из комплексного числа. ***З*накомиться** с примерами применения комплексных чисел для решения геометрических и физических задач	**15**	**1/14***
Натуральные и целые числа	Натуральные и целые числа . Применение признаков дели- мости целых чисел, НОД и НОК, остатков по модулю, алгоритма Евклида для решения задач в целых числах	**Оперировать понятиями**: натуральное и целое число, множество натуральных и целых чисел. **Использовать признаки** делимости целых чисел; остатки по модулю; НОД и НОК натуральных чисел; алгоритм Евклида для решения задач. **Записывать** натуральные числа в различных позиционных системах счисления	**10**	**10***
Системы рациональных, иррациональных показательных и логарифмических уравнений	Система и совокупность уравнений. Равносильные системы и системы следствия Основные методы решения систем и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений. Применение уравнений, систем и неравенств к решению	Оперировать понятиями: система и совокупность уравнений и неравенств; решение системы или совокупности; равносильные системы и системы-следствия . Находить решения систем и совокупностей целых рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений и неравенств. Применять системы уравнений к решению	**10**	**10***

	математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов	текстовых задач из различных областей знаний и реальной жизни; интерпретировать полученные решения. Использовать цифровые ресурсы		
Задачи с параметрами	Рациональные, иррациональные, показательные, логарифмические и тригонометрические уравнения, неравенства и системы с параметрами. Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью уравнений, систем уравнений и неравенств с параметрами	**Выбирать** способ решения рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических и тригонометрических уравнений и неравенств, содержащих модули и параметры. **Применять** графические и аналитические методы для решения уравнений и неравенств с параметрами, а также исследование функций методами математического анализа. **Строить и исследовать** математические модели реальных ситуаций с помощью уравнений, неравенств и систем с параметрами	**10**	**10***
Повторение, обобщение, систематизация знаний	Основные понятия и методы курса, обобщение и систематизация знаний	**Моделировать** реальные ситуации на языке алгебры, **составлять** выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, **исследовать** построенные модели с использованием аппарата алгебры, **интерпретировать** полученный результат. **Применять** функции для моделирования и исследования реальных процессов. **Решать** прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами алгебры и математического анализа	**11/4***	**15***
Итого за 2 семестр			**100**	**100**
Итого за курс			**150**	**150**

***самостоятельная работа**

Рабочая программа учебного курса «Геометрия»

Цели изучения учебного курса

Геометрия является одним из базовых курсов на уровне среднего общего образования, так как обеспечивает возможность изучения дисциплин естественнонаучной направленности и предметов гуманитарного цикла. Поскольку логическое мышление, формируемое при изучении обучающимися понятийных основ геометрии, при доказательстве теорем и

построении цепочки логических утверждений при решении геометрических задач, умение выдвигать и опровергать гипотезы непосредственно используются при решении задач естественнонаучного цикла, в частности физических задач.

Цель освоения программы учебного курса «Геометрия» на углублённом уровне — развитие индивидуальных способностей обучающихся при изучении геометрии, как составляющей предметной области «Математика и информатика» через обеспечение возможности приобретения и использования более глубоких геометрических знаний и действий, специфичных геометрии, и необходимых для успешного профессионального образования, связанного с использованием математики.

Приоритетными задачами курса геометрии на углублённом уровне, расширяющими и усиливающими курс базового уровня, являются:

- расширение представления о геометрии как части мировой культуры и формирование осознания взаимосвязи геометрии с окружающим миром;
- формирование представления о пространственных фигурах как о важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные явления окружающего мира; знание понятийного аппарата по разделу «Стереометрия» школьного курса геометрии;
- формирование умения владеть основными понятиями о пространственных фигурах и их основными свойствами; знание теорем, формул и умение их применять; умения доказывать теоремы и находить нестандартные способы решения задач;
- формирование умения распознавать на чертежах, моделях и в реальном мире многогранники и тела вращения; конструировать геометрические модели;
- формирование понимания возможности аксиоматического построения математических теорий; формирование понимания роли аксиоматики при проведении рассуждений;
- формирование умения владеть методами доказательств и алгоритмов решения; умения их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения стереометрических задач и задач с практическим содержанием; формирование представления о необходимости доказательств при обосновании математических утверждений и роли аксиоматики в проведении дедуктивных рассуждений;
- развитие и совершенствование интеллектуальных и творческих способностей обучающихся, познавательной активности, исследовательских умений, критичности мышления, интереса к изучению геометрии;
- формирование функциональной грамотности, релевантной геометрии: умения распознавать проявления геометрических понятий, объектов и закономерностей в реальных жизненных ситуациях и при изучении других учебных предметов, проявления зависимостей и закономерностей, моделирования реальных ситуаций, исследования построенных моделей, интерпретации полученных результатов.

Основные содержательные линии курса «Геометрии»: «Прямые и плоскости в пространстве», «Многогранники», «Тела вращения», «Векторы и координаты в пространстве», «Движения в пространстве» .

Сформулированное в Федеральном государственном образовательном стандарте среднего общего образования требование «уметь оперировать понятиями», релевантных геометрии на углублённом уровне обучения в 10—11 классах, относится ко всем содержательным линиям учебного курса. Содержание образования, соответствующее предметным результатам освоения рабочей программы, структурировано таким образом, чтобы ко всем основным, принципиальным вопросам обучающиеся обращались неоднократно. Это позволяет организовать овладение геометрическими понятиями и навыками последовательно и поступательно, с соблюдением принципа преемственности, а новые знания включать в общую систему геометрических представлений обучающихся, расширяя и углубляя её, образуя прочные множественные связи .

Переход к изучению геометрии на углублённом уровне позволяет:

— создать условия для дифференциации обучения, построения индивидуальных образовательных программ; обеспечить углублённое изучение геометрии как составляющей учебного предмета «Математика»;

— подготовить обучающихся к продолжению изучения математики с учётом выбора будущей профессии, обеспечивая преемственность между общим и профессиональным образованием.

Планируемые предметные результаты освоения рабочей программы

Освоение учебного курса «Геометрия» на уровне среднего общего образования должно обеспечивать достижение следующих предметных образовательных результатов:

1 семестр

- Свободно оперировать основными понятиями стереометрии при решении задач и проведении математических рассуждений.
- Применять аксиомы стереометрии и следствия из них при решении геометрических задач.
- Классифицировать взаимное расположение прямых в пространстве; плоскостей в пространстве; прямых и плоскостей в пространстве.
- Свободно оперировать понятиями, связанными с углами в пространстве: между прямыми в пространстве; между прямой и плоскостью.
- Свободно оперировать понятиями, связанными с многогранниками.
- Свободно распознавать основные виды многогранников (призма, пирамида, прямоугольный параллелепипед, куб).
- Классифицировать многогранники, выбирая основания для классификации.
- Свободно оперировать понятиями, связанными с сечением многогранников плоскостью.
- Выполнять параллельное, центральное и ортогональное проектирование фигур на плоскость; выполнять изображения фигур на плоскости .
- Строить сечения многогранников различными методами выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу .
- Вычислять площади поверхностей многогранников (призма, пирамида), геометрических тел с применением формул.
- Свободно оперировать понятиями: симметрия в пространстве; центр, ось и плоскость симметрии; центр, ось и плоскость симметрии фигуры.
- Свободно оперировать понятиями, соответствующими векторам и координатам в пространстве.
- Выполнять действия над векторами.
- Решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин, применяя известные методы при решении математических задач повышенного и высокого уровня сложности .
- Применять простейшие программные средства и электронно - коммуникационные системы при решении стереометрических задач .
- Извлекать, преобразовывать и интерпретировать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках.
- Применять полученные знания на практике: сравнивать и анализировать реальные ситуации, применять изученные понятия в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры; решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин.
- Иметь представления об основных этапах развития геометрии как составной части фундамента развития технологий.

2 семестр

- Свободно оперировать понятиями, связанными с цилиндрической, конической и сферической поверхностями; объяснять способы получения.
- Оперировать понятиями, связанными с телами вращения: цилиндром, конусом, сферой и шаром.
- Распознавать тела вращения (цилиндр, конус, сфера и шар) и объяснять способы получения тел вращения.
- Классифицировать взаимное расположение сферы и плоскости.
- Вычислять величины элементов многогранников и тел вращения; объёмы и площади поверхностей многогранников и тел вращения, геометрических тел с применением формул.
- Свободно оперировать понятиями, связанными с комбинациями тел вращения и многогранников: многогранник, вписанный в сферу и описанный около сферы; сфера, вписанная в многогранник или тело вращения.
- Вычислять соотношения между площадями поверхностей и объёмами подобных тел.
- Изображать изучаемые фигуры; выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу; строить сечения тел вращения.
- Извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках.
- Свободно оперировать понятием вектор в пространстве.
- Выполнять операции над векторами.
- Задавать плоскость уравнением в декартовой системе координат.
- Решать геометрические задачи на вычисление углов между прямыми и плоскостями; вычисление расстояний от точки до плоскости; в целом, на применение векторно-координатного метода при решении.
- Свободно оперировать понятиями, связанными с движением в пространстве; знать свойства движений.
- Выполнять изображения многогранником и тел вращения при параллельном переносе, центральной симметрии, зеркальной симметрии, при повороте вокруг прямой; преобразования подобия.
- Строить сечения многогранников и тел вращения: сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельное основанию и проходящее через вершину), сечения шара.
- Использовать методы построения сечений: метод следов, метод внутреннего проектирования, метод переноса секущей плоскости.
- Доказывать геометрические утверждения.
- Применять геометрические факты для решения стереометрических задач, предполагающих несколько шагов решения, если условия применения заданы в явной и неявной форме.
- Решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин.
- Применять программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач.
- Применять полученные знания на практике: сравнивать, анализировать и оценивать реальные ситуации; применять изученные понятия, теоремы, свойства в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры; решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин.
- Иметь представления об основных этапах развития геометрии как составной части

фундамента развития технологий .

Содержание учебного курса

1 семестр

Прямые и плоскости в пространстве

Основные понятия стереометрии. Точка, прямая, плоскость, пространство. Понятие об аксиоматическом построении стереометрии: аксиомы стереометрии и следствия из них.

Взаимное расположение прямых в пространстве: пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые . Признаки скрещивающихся прямых. Параллельность прямых и плоскостей в пространстве: параллельные прямые в пространстве; параллельность трёх прямых; параллельность прямой и плоскости. Параллельное и центральное проектирование, изображение фигур. Основные свойства параллельного проектирования. Изображение фигур в параллельной проекции. Углы с сонаправленными сторонами; угол между прямыми в пространстве. Параллельность плоскостей: параллельные плоскости; свойства параллельных плоскостей. Простейшие пространственные фигуры на плоскости: тетраэдр, параллелепипед; построение сечений.

Перпендикулярность прямой и плоскости: перпендикулярные прямые в пространстве, прямые параллельные и перпендикулярные к плоскости, признак перпендикулярности прямой и плоскости, теорема о прямой перпендикулярной плоскости. Ортогональное проектирование. Перпендикуляр и наклонные: расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости, проекция фигуры на плоскость . Перпендикулярность плоскостей: признак перпендикулярности двух плоскостей . Теорема о трёх перпендикулярах .

Углы в пространстве: угол между прямой и плоскостью; двугранный угол, линейный угол двугранного угла. Трёхгранный и многогранные углы. Свойства плоских углов многогранного угла . Свойства плоских и двугранных углов трёхгранного угла. Теоремы косинусов и синусов для трёхгранного угла.

Многогранники

Виды многогранников; развёртка многогранника. Призма: *n*-угольная призма; прямая и наклонная призмы; боковая и полная поверхность призмы. Параллелепипед, прямоугольный параллелепипед и его свойства . Кратчайшие пути на поверхности многогранника . Теорема Эйлера . Пространственная теорема Пифагора . Пирамида: *n*-угольная пирамида; правильная и усечённая пирамиды . Свойства рёбер и боковых граней правильной пирамиды . Правильные многогранники: правильная призма и правильная пирамида; правильная треугольная пирамида и правильный тетраэдр; куб . Представление о правильных многогранниках: октаэдр, додекаэдр и икосаэдр .

Вычисление элементов многогранников: рёбра, диагонали, углы . Площадь боковой поверхности и полной поверхности прямой призмы, площадь оснований, теорема о боковой поверхности прямой призмы . Площадь боковой поверхности и поверхности правильной пирамиды, теорема о площади усечённой пирамиды .

Симметрия в пространстве. Элементы симметрии правильных многогранников. Симметрия в правильном многограннике: симметрия параллелепипеда, симметрия правильных призм, симметрия правильной пирамиды.

Векторы и координаты в пространстве

Понятия: вектор в пространстве; нулевой вектор, длина ненулевого вектора; векторы коллинеарные, сонаправленные и противоположно направленные векторы. Равенство векторов. Действия с векторами: сложение и вычитание векторов; сумма нескольких векторов; умножение вектора на число. Свойства сложения векторов. Свойства умножения вектора на число. Понятие компланарные векторы. Признак компланарности трёх векторов. Правило параллелепипеда. Теорема о разложении вектора по трём некомпланарным

векторам. Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Связь между координатами вектора и координатами точек. Угол между векторами . Скалярное произведение векторов.

2 семестр

Тела вращения

Понятия: цилиндрическая поверхность, коническая поверхность, сферическая поверхность, образующие поверхностей. Тела вращения: цилиндр, конус, усечённый конус, сфера, шар. Взаимное расположение сферы и плоскости; касательная плоскость к сфере. Изображение тел вращения на плоскости. Развёртка цилиндра и конуса. Симметрия сферы и шара .

Объём. Основные свойства объёмов тел. Теорема об объёме прямоугольного параллелепипеда и следствия из неё . Объём прямой и наклонной призмы, цилиндра, пирамиды и конуса . Объём шара и шарового сегмента .

Комбинации тел вращения и многогранников. Призма, вписанная в цилиндр, описанная около цилиндра. Пересечение сферы и шара с плоскостью. Касание шара и сферы плоскостью. Понятие многогранника, описанного около сферы, сферы, вписанной в многогранник или тело вращения .

Площадь поверхности цилиндра, конуса; площадь сферы и её частей.

Подобие в пространстве. Отношение объёмов, площадей поверхностей подобных фигур. Преобразование подобия, гомотетия. Решение задач на плоскости с использованием стереометрических методов .

Построение сечений многогранников и тел вращения: сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельное основанию и проходящее через вершину), сечения шара; методы построения сечений: метод следов, метод внутреннего проектирования, метод переноса секущей плоскости.

Векторы и координаты в пространстве

Векторы в пространстве. Операции над векторами. Векторное умножение векторов. Свойства векторного умножения. Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Разложение вектора по базису. Координатно-векторный метод при решении геометрических задач.

Движения в пространстве

Движения пространства. Отображения. Движения и равенство фигур. Общие свойства движений. Виды движений: параллельный перенос, центральная симметрия, зеркальная симметрия, поворот вокруг прямой. Преобразования подобия. Прямая и сфера Эйлера.

Тематическое планирование учебного курса «Геометрия»

1 семестр

Название раздела (темы)	**Основное содержание раздела (темы)**	**Основные виды деятельности обучающихся**	**Очное обучение (объем часов)**	**Заочное обучение (объем часов)**
Введение в стереометрию	Основные пространственные фигуры. Понятия стереометрии: точка, прямая, плоскость, пространство. Основные	**Определять** плоскость как фигуру, в которой выполняется планиметрия. **Делать простейшие логические выводы** из	5	5*

	правила изображения на рисунке плоскости, параллельных прямых (отрезков), середины отрезка. Понятия: пересекающиеся плоскости, пересекающиеся прямая и плоскость; полупространство. Многогранники, изображение простейших пространственных фигур, несуществующих объектов. Аксиомы стереометрии и первые следствия из них. Способы задания прямых и плоскостей в пространстве. Обозначения прямых и плоскостей. Сечения. Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей. Раскрашивание построенных сечений разными цветами. Метод следов для построения сечений. Свойства пересечений прямых и плоскостей. Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения . Повторение планиметрии. Теорема о пропорциональных отрезках. Подобие треугольников . Теорема Менелая . Расчёты в сечениях на выносных чертежах . История развития планиметрии и стереометрии	аксиоматики плоскости. **Приводить примеры** реальных объектов, идеализацией которых являются аксиомы геометрии. **Изучать**, **применять** принципы построения сечений. **Использовать** для построения сечений метод следов, метод внутреннего проектирования, метод переноса секущей плоскости **Решать** стереометрические задачи: на определение вида сечения и нахождение его площади. **Актуализировать** факты и методы планиметрии, релевантные теме, проводить аналогии . **Использовать** при решении задач следующие планиметрические факты и методы: Теоремы Фалеса и о пропорциональных отрезках. Алгоритм деления отрезка на *n* равных частей. Теорема Менелая. Равнобедренный треугольник. Равносторонний треугольник. Прямоугольный треугольник . Свойство средней линии треугольника. Свойство биссектрисы угла треугольника . Свойство медиан треугольника . Признаки подобия треугольников. **Получать представления** об основных этапах развития геометрии как составной части фундамента развития технологий		

Взаимное расположение прямых в пространстве	Взаимное расположение прямых в пространстве. Скрещивающиеся прямые. Признаки скрещивающихся прямых. Параллельные прямые в пространстве. Теорема о существовании и единственности прямой параллельной данной прямой, про ходящей через точку пространства и не лежащей на данной прямой.	**Классифицировать** взаимное расположение прямых в пространстве, иллюстрируя рисунками и приводя примеры из реальной жизни . **Доказывать** теорему о существовании и единственности параллельной прямой, проходящей через точку пространства и не лежащей на другой прямой; лемму о пересечении плоскости двумя параллельными прямыми; теорему о трёх параллельных прямых. **Доказывать** признак скрещивающихся прямых, теорему о скрещивающихся прямых.	**5**	**1/4***

	Лемма о пересечении параллельных прямых плоскостью. Параллельность трёх прямых. Теорема о трёх параллельных прямых. Теорема о скрещивающихся прямых. Параллельное проектирование. Основные свойства параллельного проектирования. Изображение разных фигур в параллельной проекции. Центральная проекция Угол с сонаправленными сторонами. Угол между прямыми. Задачи на доказательство и исследование, связанные с расположением прямых в пространстве	**Доказывать** теорему о равенстве углов с сонаправленными сторонами . **Объяснять**, что называется параллельным и центральным проектированием и как выполняется проектирование фигур на плоскость. **Доказывать** свойства параллельного проектирования. **Изображать** в параллельной проекции разные геометрические фигуры. **Решать** стереометрические задачи на доказательство и исследование, связанные с расположением прямых в пространстве. **Проводить** доказательные рассуждения при решении геометрических задач, связанных со взаимным расположением прямых в пространстве. **Сравнивать, анализировать и оценивать** утверждения с целью выявления логически корректных и некорректных рассуждений . **Моделировать** реальные ситуации, связанные со взаимным расположением прямых в пространстве, на языке геометрии. **Исследовать** построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры, цифровых ресурсов. **Получать представление** о центральном проектировании и об истории работ по теории перспективы		
Параллельность прямых и плоскостей	Понятия: параллельность прямой и плоскости в пространстве.	**Классифицировать** взаимное расположение прямой и плоскости в	**5**	**1/4***

в пространстве	Признак параллельности прямой и плоскости. Свойства параллельности прямой и плоскости . Геометрические задачи на вычисление и доказательство, связанные с параллельностью прямых и плоскостей в пространстве. Построение сечения, проходящего через данную прямую на чертеже и параллельного другой прямой. Расчёт отношений. Параллельная проекция, применение для построения сечений куба и параллелепипеда. Свойства параллелепипеда и призмы . Параллельные плоскости. При-знаки параллельности двух плоскостей . Теорема о параллельности и единственности плоскости, проходящей через точку, не принадлежащую данной плоскости и следствия из неё. Свойства параллельных плоскостей: о параллельности прямых пересечения при пересечении двух параллельных плоскостей третьей; об отрезках параллельных прямых, заключённых между параллельными плоскостями; о пересечении прямой с двумя параллельными плоскостями	пространстве, приводя соответствующие примеры из реальной жизни. **Формулировать** определение параллельных прямой и плоскости. **Доказывать** признак о параллельности прямой и плоскости; свойства параллельности прямой и плоскости. **Решать** стереометрические задачи вычисления и доказательство, связанные с параллельностью прямых и плоскостей в пространстве. **Решать** практические задачи на построение сечений на чертежах тетраэдра и параллелепипеда. **Решать** стереометрические задачи, связанные с построением сечений плоскостью. **Проводить** логически корректные доказательные рассуждения при решении геометрических задач связанных с параллельностью плоскостей. **Сравнивать и анализировать** реальные ситуации, связанные с параллельностью прямой и плоскости в пространстве; м**оделировать** реальные ситуации, связанные с параллельностью прямой и плоскости в пространстве, на языке геометрии		
Перпендикулярность прямых и плоскостей в пространстве	Повторение: теорема Пифагора на плоскости, тригонометрия прямоугольного треугольника. Свойства куба и прямоугольного параллелепипеда. Вычисление	**Актуализировать** факты и методы планиметрии, релевантные теме, проводить аналогии. **Формулировать определения:** перпендикулярных прямых в пространстве; определение прямой, перпендикулярной к	**5**	**1/4***

	длин отрезков в кубе и прямоугольном параллелепипеде. Перпендикулярность прямой и плоскости. Признак перпендикулярности прямой и плоскости . Теорема о существовании и единственности прямой, проходящей через точку пространства и перпендикулярной к плоскости . Плоскости и перпендикулярные им прямая в многогранниках.	плоскости. **Доказывать**: лемму о перпендикулярности двух параллельных прямых к третьей прямой; теоремы о связи между параллельностью прямых и их перпендикулярностью к плоскости. **Доказывать:** теорему, выражающую признак перпендикулярности прямой и плоскости; теорему о существовании и единственности прямой, проходящей через данную точку и перпендикулярной к данной плоскости. **Изображать** взаимно перпендикулярные прямую и плоскость.		
	Перпендикуляр и наклонная . Построение перпендикуляра из точки на прямую . Теорема о трёх перпендикулярах (прямая и обратная) . Угол между скрещивающимися прямыми . Поиск перпендикулярных прямых с помощью перпендикулярных плоскостей Ортогональное проектирование . Построение сечений куба, призмы, правильной пирамиды с помощью ортогональной проекции . Симметрия в пространстве относительно плоскости . Плоскости симметрий в многогранниках . Признак перпендикулярности прямой и плоскости как следствие симметрии. Правильные многогранники Расчёт расстояний от точки до плоскости**.** Способы опустить перпендикуляры: симметрия, сдвиг точки по параллельной прямой. Сдвиг по непараллельной прямой, изменение расстояний	**Формулировать** свойство перпендикуляра по отношению к плоскости. **Получать представление** о значении перпендикуляра для других областей науки (физика, энергетика, лазерные технологии), в реальной жизни (техника, окружающая обстановка). **Доказывать** утверждения, связанные с проекцией прямой на плоскость, неперпендикулярную к этой прямой**.** **Доказывать** теорему о трёх перпендикулярах и теорему обратную теореме о трёх перпендикулярах. **Получать представление** об ортогональном проектировании. **Доказывать** теорему о проекции точки на прямую**.** **Решать** стереометрические задачи, связанные с перпендикулярностью прямой и плоскости. **Решать** прикладные задачи, связанные с нахождением геометрических		

		величин. **Решать** стереометрические задачи, связанные с применением теоремы о трёх перпендикулярах, нахождением расстояний, построением проекций . **Сравнивать и анализировать** утверждения с целью выявления логически корректных и некорректных рассуждений. **Анализировать и моделировать** на языке геометрии реальные ситуации, связанные с перпендикулярностью прямой и плоскости; **исследовать** построенные модели, в том числе и с использованием аппарата алгебры		
Углы и расстояния	Повторение: угол между прямыми на плоскости, тригонометрия в произвольном треугольнике, теорема косинусов. Повторение: угол между скрещивающимися прямыми в пространстве. Геометрические методы вычисления угла между прямыми в многогранниках. Двугранный угол. Свойство линейных углов двугранного угла. Перпендикулярные плоскости. Свойства взаимно перпендикулярных плоскостей. Признак перпендикулярности плоскостей; теорема о прямой пересечения двух плоскостей перпендикулярных третьей плоскости. Прямоугольный параллелепипед; куб; измерения, свойства прямоугольного параллелепипеда. Теорема о диагонали прямоугольного параллелепипеда и	**Актуализировать** факты и методы планиметрии, релевантные теме, проводить аналогии **Формулировать** определение двугранного угла . **Доказывать** свойство равенства всех линейных углов двугранного угла . **Классифицировать** двугранные углы в зависимости от их градусной меры . **Формулировать** определение взаимно перпендикулярных плоскостей. **Доказывать** теорему о признаке перпендикулярности двух плоскостей. **Формулировать** следствие (из признака) о перпендикулярности плоскости, которая перпендикулярна прямой, по которой пересекаются две плоскости, эти плоскостям. **Доказывать** утверждения о его свойствах; теорему и	**5/1***	**1/5***

	следствие из неё. Стереометрические и прикладные задачи, связанные со взаимным расположением прямых и плоскости. Повторение: скрещивающиеся прямые, параллельные плоскости в стандартных многогранниках. Пара параллельных плоскостей на скрещивающихся прямых, расстояние между скрещивающимися прямыми в простых ситуациях . Опускание перпендикуляров, вычисление расстояний от точки до точки; прямой; плоскости. Вычисление расстояний между скрещивающимися прямыми с помощью перпендикулярной плоскости. Трёхгранный угол, неравенства для трёхгранных углов. Теорема Пифагора, теоремы косинусов и синусов для трёхгранного угла. Элементы сферической геометрии: геодезические линии на Земле	следствие из неё о диагоналях прямоугольного параллелепипеда. **Решать** стереометрические задачи, связанные с перпендикулярность прямых и плоскостей, используя планиметрические факты и методы. **Проводить** логически корректные доказательные рассуждения при решении геометрических задач, связанных с перпендикулярностью плоскостей. **Анализировать и моделировать** на языке геометрии реальные ситуации, связанные с перпендикулярностью прямых и плоскостей. **Исследовать** построенные модели, в том числе и с использованием аппарата алгебры. **Решать** прикладные задачи, связанные с нахождением геометрических величин		
Многогранники	Систематизация знаний: Многогранник и его элементы. Пирамида. Виды пирамид. Правильная пирамида. Призма. Прямая и наклонная призмы. Правильная призма. Прямой параллелепипед, прямоугольный параллелепипед, куб. Выпуклые многогранники. Теорема Эйлера. Правильные и полу- правильные многогранники	**Работать** с учебником: задавать вопросы, делать замечания, комментарии. **Анализировать** решение задачи. **Рисовать** выпуклые многогранники с заданными свойствами; восстанавливать общий вид выпуклого многогранника по двум его проекциям. Доказывать свойства выпуклого многогранника. **Рисовать** выпуклые многогранники с разной эйлеровой характеристикой; **исследовать** возможности получения результата при варьировании данных. **Доказывать** свойства правильных многогранников.	**5/1***	**1/5***

		Планировать построение правильных многогранников на поверхностях других правильных многогранников		
Векторы в пространстве	Понятие вектора на плоскости и в пространстве . Сумма и разность векторов, правило параллелепипеда, умножение вектора на число, разложение вектора по базису трёх векторов, не лежащих в одной плоскости . Скалярное произведение, вычисление угла между векторами в пространстве . Простейшие задачи с векторами	**Актуализировать** факты и методы планиметрии, релевантные теме, проводить аналогии. **Оперировать понятиями**: вектор на плоскости и в пространстве; компланарные векторы . Приводить примеры физических векторных величин . **Осваивать** правила выполнения действий сложения и вычитания векторов, умножения вектора на число . **Доказывать** признак компланарности трёх векторов. **Доказывать** теорему о разложении любого вектора по трём данным некомпланарным векторам.	**5**	**5***

Движения	Движения пространства. Отображения. Движения и равенство фигур. Общие свойства движений. Виды движений: параллельный перенос, центральная симметрия, зеркальная симметрия, поворот вокруг прямой. Преобразования подобия. Прямая и сфера Эйлера. Геометрические задачи на применение движения	**Применять** правила выполнения действий сложения и вычитания векторов, умножения вектора на число при решении задач. **Находить** координаты вектора в данном базисе и строить вектор по его координатам. **Вспомнить** определение скалярного умножения и его свойства. Вычислять с помощью скалярного умножения длины векторов, углы между ними, устанавливать перпендикулярность векторов. **Анализировать** и **моделировать** на языке геометрии реальные ситуации, связанные с физическими векторными величинами. **Использовать** при решении задач, связанных с векторами в пространстве, планиметрические факты и методы. **Свободно оперировать понятиями**: отображение пространства на себя, движение пространства; центральная, осевая и зеркальная симметрии, параллельный перенос; равенство и подобие фигур. **Доказывать** утверждения о том, что центральная, осевая и зеркальная симметрии, параллельный перенос являются движениями. **Выполнять** преобразования подобия . **Оперировать понятиями**: прямая и сфера Эйлера . **Решать** геометрические задачи с использованием движений . **Использовать** при решении задач движения пространства и их свойства.	**7/1***	**8***

		Сравнивать и **анализировать** утверждения с целью выявления логически корректных и некорректных рассуждений. **Исследовать** построенные модели. **Использовать цифровые ресурсы**		
Итого в 1 семестре			**45**	**45**

2 семестр

Название раздела (темы)	Основное содержание раздела (темы)	Основные виды деятельности обучающихся	Очное обучение (объем часов)	Заочное обучение (объем часов)
Аналитическая геометрия	Повторение: координаты вектора на плоскости и в пространстве, скалярное произведение векторов, вычисление угла между векторами в пространстве. Уравнение прямой, проходящей через две точки. Уравнение плоскости, нормаль, уравнение плоскости в отрезках Векторное произведение. Линейные неравенства, линейное программирование Аналитические методы расчёта угла между прямыми и плоскостями в многогранниках. Формула расстояния от точки до плоскости в координатах . Нахождение расстояний от точки до плоскости в кубе и правильной пирамиде	**Актуализировать** факты и методы планиметрии, релевантные теме, проводить аналогии. **Сводить** действия с векторами к аналогичным действиям с их координатами. **Вспомнить** определение скалярного умножения и его свойства. Вычислять с помощью скалярного умножения длины векторов, углы между ними, устанавливать перпендикулярность векторов. **Выводить** уравнение плоскости и формулу расстояния от точки до плоскости. **Решать** задачи, сочетая координатный и векторный методы. **Проводить** логически корректные **доказательные рассуждения** при решении геометрических задач на применение векторно-координатного метода. **Анализировать** и **моделировать** на языке геометрии реальные ситуации, связанные векторами и координатами. **Исследовать** построенные модели, в том числе и с использованием аппарата алгебры. **Использовать**	**10**	**1/9***

		компьютерные программы. **Знакомиться** с историей развития математики		
Повторение, обобщение и систематизация знаний	Сечения многогранников: стандартные многогранники, метод следов, стандартные плоскости, пересечения прямых и плоскостей Параллельные прямые и плоскости: параллельные сечения, расчёт отношений, углы между скрещивающимися прямыми Перпендикулярные прямые стандартные пары перпендикулярных плоскостей и прямых, симметрии многогранников, теорема о трёх перпендикулярах, вычисления длин в многогранниках	**Строить** сечения. **Решать** стереометрические задачи на доказательство математических отношений, нахождение геометрических величин (длин, углов, площадей, объёмов). **Использовать** при решении стереометрических задач планиметрические факты и методы. **Проводить** логически корректные доказательные рассуждения при решении стереометрических задач. **Сравнивать** и **анализировать** реальные ситуации и выявлять возможность её моделирования на языке геометрии. **Моделировать** реальную ситуацию на языке геометрии и **исследовать** построенные модели, в том числе и с использованием аппарата алгебры . **Использовать** компьютерные программы при решении задач	**10**	**1/9***
	Повторение: площади многоугольников, формулы для площадей, соображения подобия . Площади сечений многогранников: площади поверхностей, раз-резания на части, соображения подобия			
Объём многогранника	Объём тела. Объём прямоугольного параллелепипеда. Задачи об удвоении куба, о	**Свободно оперировать понятиями**: объём тела, объём прямоугольного параллелепипеда.	**10**	**10***

	квадратуре куба; о трисекции угла. Стереометрические задачи, связанные с объёмом прямоугольного параллелепипеда Прикладные задачи, связанные с вычислением объёма прямоугольного параллелепипеда. Объём прямой призмы. Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов прямой призмы. Прикладные задачи, связанные с объёмом прямой призмы. Вычисление объёмов тел с помощью определённого интеграла. Объём наклонной призмы, пирамиды. Формула объёма пирамиды. Отношение объемов пирамид с общим углом. Стереометрические задачи, связанные с объёмами наклонной призмы, пирамиды. Прикладные задачи по теме «Объёмы тел», связанные с объёмом наклонной призмы, пирамиды. Применение объёмов. Вычисление расстояния до плоскости	**Формулировать** основные свойства объёмов. **Доказывать** теорему об объёме прямоугольного параллелепипеда, следствия из неё . **Разрезать** многогранники, перекладывать части. **Решать** стереометрические задачи, связанные с вычислением объёма прямоугольного параллелепипеда, призмы. **Сравнивать и анализировать** утверждения с целью выявления логически корректных и некорректных рассуждений. **Анализировать и моделировать** на языке геометрии реальные ситуации, связанные с объёмом прямоугольного параллелепипеда, призмы, пирамиды. **Исследовать** построенные модели, в том числе и с использованием аппарата алгебры. **Выводить** основную интегральную формулу для вычисления объёмов тел . **Доказывать** теорему об объёме наклонной призмы на примере треугольной призмы и для произвольной призмы. **Доказывать** теорему: об объёме пирамиды, формулировать следствия из нее: объём усечённой пирамиды. Выводить формулу для вычисления объёмов усечённой пирамиды		

Тела вращения	Цилиндрическая поверхность, образующие цилиндрической поверхности. Цилиндр. Прямой круговой цилиндр. Площадь поверхности цилиндра . Коническая поверхность, образующие конической поверхности. Конус. Сечение конуса плоскостью, параллельной плоскости основания. Усечённый конус. Изображение конусов и усечённых конусов . Площадь боковой поверхности и полной поверхности конуса.	**Свободно оперировать понятиями**: цилиндрическая поверхность, цилиндр. **Изучать** способы получения цилиндрической поверхности, цилиндра. **Изображать** цилиндр и его сечения плоскостью. **Свободно оперировать понятиями**: коническая поверхность, конус, усечённый конус. Изучать способы получения конической поверхности, конуса . **Изображать** конус и его сечения плоскостью, проходящей через ось, и плоскостью, перпендикулярной к оси. **Выводить** формулы для вычисления боковой и полной поверхностей тел вращения.	**10**	**10***
	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, построением сечений цилиндра, конуса. Прикладные задачи, связанные с цилиндром. Сфера и шар. Пересечение сферы и шара с плоскостью. Касание шара и сферы плоскостью. Вид и изображение шара. Уравнение сферы. Площадь сферы и её частей. Симметрия сферы и шара. Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, связанные со сферой и шаром, построением их сечений плоскостью . Прикладные задачи, связанные со сферой и шаром. Повторение: окружность на плоскости, вычисления в окружности, стандартные подобия	**Решать** стереометрические задачи, связанные с телами вращения, нахождением площади боковой и полной поверхности, построением сечений. **Использовать** при решении задач планиметрические факты и методы. **Сравнивать** и **анализировать** утверждения с целью выявления логически корректных и некорректных рассуждений. **Анализировать** и **моделировать** на языке геометрии реальные ситуации, связанные с конусом и цилиндром. **Исследовать** построенные модели, в том числе и с использованием аппарата алгебры. **Актуализировать** факты и методы планиметрии, релевантные теме, **проводить аналогии**. **Свободно оперировать понятиями**: сфера и шар, центр, радиус, диаметр сферы и шара. **Исследовать** взаимное расположение сферы и		

		плоскости. **Формулировать** определение касательной плоскости к сфере. **Доказывать** теоремы о свойстве и признаке касательной плоскости . **Выводить** формулу для вычисления площади сферы через радиус сферы.		
	Различные комбинации тел вращения и многогранников. Задачи по теме «Тела и поверхности вращения»	**Решать** стереометрические задачи, связанные со сферой и шаром, нахождением площади сферы и её частей, построением сечений сферы и шара. **Анализировать** и **моделировать** на языке геометрии реальные ситуации, связанные с шаром и сферой. **Решать** простые задачи, в которых фигурируют комбинации тел вращения и многогранников. **Использовать** при решении задач, связанных со сферой и шаром, планиметрические факты и методы . **Решать** стереометрические задачи, связанные с телами вращения, построением сечений тел вращения, с комбинациями тел вращения и многогранников. **Проводить** логически корректные доказательные рассуждения при решении геометрических задач, связанных с перпендикулярностью плоскостей . **Анализировать** и **моделировать** на языке		

		геометрии реальные ситуации, связанные с многогранниками. **Исследовать** построенные модели, в том числе и с использованием аппарата алгебры		
Площади поверхности и объёмы круглых тел	Объём цилиндра. Теорема об объёме прямого цилиндра. Площади боковой и полной поверхности цилиндра	**Свободно оперировать понятиями**: объём тела, площадь поверхности. **Формулировать** основные свойства объёмов. **Доказывать теоремы**: об объёме цилиндра; об объёме конуса . **Выводить** формулы для вычисления объёма усечённого конуса .	**7/3***	**10***
	Вычисление объёмов тел с помощью определённого интеграла . Объём конуса . Площади боковой и полной поверхности конуса . Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов цилиндра, конуса . Прикладные задачи по теме «Объёмы и площади поверхностей тел . Объём шара и шарового сектора . Теорема об объёме шара . Площадь сферы. Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов шара, шарового сегмента, шарового сектора. Прикладные задачи по теме «Объёмы тел», связанные с объёмом шара и площадью сферы . Соотношения между площадями поверхностей и объёмами подобных тел. Подобные тела в пространстве. Изменение объёма при подобии.	**Исследовать** построенные модели, в том числе и с использованием аппарата алгебры. **Знать** возможности решения задач на построение циркулем и линейкой, о классических неразрешимых задачах. **Свободно оперировать понятиями**: шаровой сегмент, шаровой слой, шаровой сектор, основание и высота сегмента, основание и высота шарового слоя. **Выводить** формулы для нахождения объёмов шарового сегмента, шарового сектора, площади сферы. **Доказывать** теорему об объёме шара. **Решать** стереометрические задачи, связанные с объёмом шара, шарового сегмента, шарового сектора, площадью сферы. **Сравнивать** и **анализировать** утверждения с целью выявления логически корректных и некорректных рассуждений . **Анализировать** и **моделировать** на языке геометрии реальные ситуации, связанные с объёмом шара, шарового		

		сегмента, шарового сегмента, площадью сферы. **Свободно оперировать понятием**: подобные тела в пространстве.		
	Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов тел и площадей поверхностей	**Вычислять** объёмы тел с помощью определённого интеграла. **Решать** стереометрические задачи, связанные с соотношениями между площадями поверхностей и объёмами подобных тел. **Проводить** логически корректные **доказательные рассуждения** при решении геометрических задач, связанных с вычислением объёмов тел с помощью определённого интеграла, нахождением соотношения между площадями поверхностей и объёмами подобных тел. **Анализировать** и **моделировать** на языке геометрии реальные ситуации, связанные с объёмами и поверхностями тел, на доказательство и на нахождение геометрических величин		

Повторение, обобщение и систематизация знаний	Обобщающее повторение понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний. История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	**Решать** стереометрические задачи на доказательство математических отношений, нахождение геометрических величин (длин, углов, площадей, объёмов). **Использовать** при решении стереометрических задач планиметрические факты и методы. **Проводить** логически корректные доказательные рассуждения при решении стереометрических и планиметрических задач . **Сравнивать и анализировать** реальные ситуации и выявлять возможность её моделирования на языке геометрии. **Моделировать** реальную ситуацию на языке геометрии и **исследовать** построенные модели, в том числе и с использованием аппарата алгебры.	**10**	**10***
		Использовать компьютерные программы при решении задач. **Получать представление** о геометрии как о развивающейся науке, исследующей окружающий мир, связанной с реальными объектами, помогающей решить реальные жизненные ситуации о роли стереометрии в развитии современных инженерных и компьютерных технологий		
Итого во 2 семестре			**60**	**60**
Итого за курс			**105**	**105**

Рабочая программа учебного курса «Вероятность и статистика»

Цели изучения учебного курса

Учебный курс «Вероятность и статистика» углублённого уровня является продолжением и развитием одноименного учебного курса углублённого уровня основной школы. Курс предназначен для формирования у обучающихся статистической культуры и понимания роли теории вероятностей как математического инструмента для изучения случайных событий,

величин и процессов. При изучении курса обогащаются представления учащихся о методах исследования изменчивого мира, развивается понимание значимости и общности математических методов познания как неотъемлемой части современного естественнонаучного мировоззрения.

Содержание курса направлено на закрепление знаний, полученных при изучении курса основной школы и на развитие представлений о случайных величинах и взаимосвязях между ними на важных примерах, сюжеты которых почерпнуты из окружающего мира . В результате у обучающихся должно сформироваться представление о наиболее употребительных и общих математических моделях, используемых для описания антропометрических и демографических величин, погрешностей в различные рода измерениях, длительности безотказной работы технических устройств, характеристик массовых явлений и процессов в обществе Учебный курс является базой для освоения вероятностно-статистических методов, необходимых специалистам не только инженерных специальностей, но также социальных и психологических, поскольку современные общественные науки в значительной мере используют аппарат анализа больших данных . Центральную часть курса занимает обсуждение закона больших чисел — фундаментального закона природы, имеющего математическую формализацию .

В соответствии с указанными целями в структуре учебного курса «Вероятность и статистика» средней школы на углублённом уровне выделены основные содержательные линии: «Случайные события и вероятности» и «Случайные величины и закон больших чисел».

Помимо основных линий в курс включены элементы теории графов и теории множеств, необходимые для полноценного освоения материала данного учебного курса и смежных математических учебных курсов.

Содержание линии «Случайные события и вероятности» служит основой для формирования представлений о распределении вероятностей между значениями случайных величин. Важную часть в этой содержательной линии занимает изучение геометрического и биномиального распределений и знакомство с их непрерывными аналогами — показательным и нормальным распределениями.

Темы, связанные с непрерывными случайными величинами и распределениями, акцентируют внимание школьников на описании и изучении случайных явлений с помощью непрерывных функций. Основное внимание уделяется показательному и нормальному распределениям .

В курсе предусматривается ознакомительное изучение связи между случайными величинами и описание этой связи с помощью коэффициента корреляции и его выборочного аналога. Эти элементы содержания развивают тему «Диаграммы рассеивания», изученную в основной школе, и во многом опираются на сведения из курсов алгебры и геометрии.

Ещё один элемент содержания, который предлагается на ознакомительном уровне — последовательность случайных независимых событий, наступающих в единицу времени. Ознакомление с распределением вероятностей количества таких событий носит развивающий характер и является актуальным для будущих абитуриентов, поступающих на учебные специальности, связанные с общественными науками, психологией и управлением.

Планируемые предметные результаты освоения курса

Освоение учебного курса «Вероятность и статистика» на уровне среднего общего образования должно обеспечивать достижение следующих предметных образовательных результатов:

1 семестр

- Свободно оперировать понятиями: граф, плоский граф, связный граф, путь в графе, цепь,

цикл, дерево, степень вершины, дерево случайного эксперимента.

- Свободно оперировать понятиями: случайный эксперимент (опыт), случайное событие, элементарное случайное событие (элементарный исход) случайного опыта; находить вероятности событий в опытах с равновозможными элементарными событиями .
- Находить и формулировать события: пересечение, объединение данных событий, событие, противоположное данному; использовать диаграммы Эйлера, координатную прямую для решения задач; пользоваться формулой сложения вероятностей для вероятностей двух и трёх случайных событий.
- Оперировать понятиями: условная вероятность, умножение вероятностей, независимые события, дерево случайного эксперимента; находить вероятности событий с помощью правила умножения, дерева случайного опыта, использовать формулу полной вероятности, формулу Байеса при решении задач; определять независимость событий по формуле и по организации случайного эксперимента.
- Применять изученные комбинаторные формулы для перечисления элементов множеств, элементарных событий случайного опыта, решения задач по теории вероятностей.
- Свободно оперировать понятиями: бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача, независимые испытания, серия испытаний; находить вероятности событий: в серии испытаний до первого успеха; в серии испытаний Бернулли; в опыте, связанном со случайным выбором из конечной совокупности.
- Свободно оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, диаграмма распределения, бинарная случайная величина, геометрическое, биномиальное распределение.

2 семестр

- Оперировать понятиями: совместное распределение двух случайных величин; использовать таблицу совместного распределения двух случайных величин для выделения распределения каждой величины, определения независимости случайных величин.
- Свободно оперировать понятием математического ожидания случайной величины (распределения); применять свойства математического ожидания при решении задач; вычислять математическое ожидание биномиального и геометрического распределений .
- Свободно оперировать понятиями: дисперсия, стандартное отклонение случайной величины; применять свойства дисперсии случайной величины (распределения) при решении задач; вычислять дисперсию и стандартное отклонение геометрического и биномиального распределений.
- Вычислять выборочные характеристики по данной выборке и оценивать характеристики генеральной совокупности данных по выборочным характеристикам. Оценивать вероятности событий и проверять простейшие статистические гипотезы, пользуясь изученными распределениями .

Содержание учебного курса

1семестр

Граф, связный граф, пути в графе: циклы и цепи. Степень (валентность) вершины. Графы на плоскости. Деревья.

Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы). Вероятность случайного события. Близость частоты и вероятности событий. Случайные опыты с равновозможными элементарными событиями.

Операции над событиями: пересечение, объединение, противоположные события. Диаграммы Эйлера. Формула сложения вероятностей.

Условная вероятность. Умножение вероятностей . Дерево случайного эксперимента . Формула полной вероятности . Фор- мула Байеса . Независимые события .

Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания . Серия независимых испытаний до первого успеха. Перестановки и факториал . Число сочетаний . Треугольник Паскаля . Формула бинома Ньютона .

Серия независимых испытаний Бернулли. Случайный выбор из конечной совокупности .

Случайная величина. Распределение вероятностей. Диаграмма распределения. Операции над случайными величинами. Бинарная случайная величина. Примеры распределений, в том числе геометрическое и биномиальное .

2 семестр

Совместное распределение двух случайных величин. Независимые случайные величины .

Математическое ожидание случайной величины (распределения). Примеры применения математического ожидания (страхование, лотерея). Математическое ожидание бинарной случайной величины. Математическое ожидание суммы случайных величин. Математическое ожидание геометрического и биномиального распределений .

Дисперсия и стандартное отклонение случайной величины (распределения). Дисперсия бинарной случайной величины. Математическое ожидание произведения и дисперсия суммы независимых случайных величин. Дисперсия и стандартное отклонение биномиального распределения. Дисперсия и стандартное отклонение геометрического распределения.

Неравенство Чебышёва. Теорема Чебышёва. Теорема Бернулли. Закон больших чисел. Выборочный метод исследований. Выборочные характеристики. Оценивание вероятности события по выборочным данным. Проверка простейших гипотез с помощью изученных распределений .

Непрерывные случайные величины. Примеры. Функция плотности вероятности распределения. Равномерное распределение и его свойства. Задачи, приводящие к показательному распределению. Задачи, приводящие к нормальному распределению. Функция плотности вероятности показательного распределения, функция плотности вероятности нормального распределения. Функция плотности и свойства нормального распределения.

Последовательность одиночных независимых событий. Задачи, приводящие к распределению Пуассона.

Ковариация двух случайных величин. Коэффициент линейной корреляции. Совместные наблюдения двух величин. Выборочный коэффициент корреляции. Различие между линейной связью и причинно-следственной связью. Линейная регрессия, метод наименьших квадратов.

Тематическое планирование учебного курса «Вероятность и статистика»

1 семестр

Название раздела (темы)	**Основное содержание раздела (темы)**	**Основные виды деятельности обучающихся**	**Очное обучение (объем часов)**	**Заочное обучение (объем часов)**

Элементы теории графов	Граф, связный граф, представление задачи с помощью графа. Степень (валентность) вершины. Путь в графе. Цепи и циклы. Графы на плоскости. Дерево случайного эксперимента	**Представлять** объекты и связи между ними с помощью графа, находить пути между вершинами графа. **Выделять** в графе цепи и циклы. **Строить** дерево по описанию случайного опыта, описывать случайные события в терминах дерева. **Решать** задачи с помощью графов	**4**	**1/3***
Случайные опыты, случайные события и вероятности событий	Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы). Вероятность случайного события. Вероятности событий в опытах с равновозможными элементарными событиями	**Выделять** и **описывать** случайные события в случайном опыте. **Формулировать** условия проведения случайного опыта. **Находить** вероятности событий в опытах с равновозможными элементарными исходами	**3**	**1/2***
Операции над множествами и событиями. Сложение и умножение вероятностей. Условная вероятность. Независимые события	Пересечение, объединение множеств и событий, противоположные события. Формула сложения вероятностей Условная вероятность. Умножение вероятностей. Формула условной вероятности. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Независимые события	**Использовать** диаграммы Эйлера и вербальное описание событий при выполнении операций над событиями. **Оценивать** изменение вероятностей событий по мере наступления других событий в случайном опыте. **Решать** задачи, в том числе с использованием дерева случайного опыта, формул сложения и умножения вероятностей	**3**	**3***
Элементы комбинаторики	Комбинаторное правило умножения. Перестановки и факториал. Число сочетаний. Треугольник Паскаля. Формула бинома Ньютона	**Формулировать** и доказывать комбинаторные правило умножения, изученные комбинаторные формулы для перечисления элементов различных множеств, в том числе элементарных событий в случайном опыте. **Пользоваться** формулой и треугольником Паскаля для определения числа сочетаний . **Применять** формулу бинома Ньютона для преобразования выражений	**4**	**4***

Серии последовательных испытаний. Испытания Бернулли. Случайный выбор из конечной совокупности	Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха. Серия независимых испытаний Бернулли . Случайный вы- бор из конечной совокупности . Практическая работа с использованием электронных таблиц	**Разбивать** сложные эксперименты на отдельные испытания. **Решать** задачи на поиск вероятностей событий в серии испытаний до первого успеха и в сериях испытаний Бернулли, а также в опытах со случайным выбором из конечной совокупности с использованием комбинаторных фактов и формул, в том числе в ходе практической работы с применением стандартных функций	**3**	**3***
Случайные величины и распределения	Случайная величина. Распределение вероятностей. Диаграмма распределения. Операции над случайными величинами. Примеры распределений Бинарная случайная величина. Геометрическое распределение. Биномиальное распределение. Математическое ожидание случайной величины. Совместное распределение двух случайных величин. Независимые случайные величины. Свойства математического ожидания. Математическое ожидание бинарной случайной величины. Математическое ожидание геометрического и биномиального распределений. Дисперсия и стандартное отклонение. Дисперсия бинарной случайной величины. Свойства дисперсии. Математическое ожидание произведения и	**Осваивать** понятия: случайная величина, распределение, таблица распределения, диаграмма распределения. **Находить** значения суммы и произведения случайных величин. **Строить** бинарные распределения по описанию событий в случайных опытах.	**4**	**4***
		Строить и распознавать геометрическое и биномиальное распределения. **Решать** задачи на вычисление математического ожидания. **Строить** совместные распределения. **Изучать** свойства математического ожидания. **Решать** задачи с помощью изученных свойств. По изученным формулам **находить** математические ожидания случайных величин, имеющих геометрическое и биномиальное распределения **Осваивать** понятия: дисперсия, стандартное отклонение случайной величины. **Находить** дисперсию по распределению. **Изучать** свойства дисперсии. По изученным формулам **находить** дисперсию биномиального распределения, в том числе в ходе практической работы		

	дисперсия суммы независимых случайных величин. Дисперсия биномиального распределения. Практическая работа с использованием электронных таблиц			
Итого в 1 семестре 21			**21**	

2 семестр

Название раздела (темы)	Основное содержание раздела (темы)	Основные виды деятельности обучающихся	Очное обучение (объем часов)	Заочное обучение (объем часов)
Закон больших чисел	Неравенство Чебышёва. Теорема Чебышёва. Теорема Бернулли. Закон больших чисел. Выборочный метод исследований. Практическая работа с использованием электронных таблиц	**Разбирать** доказательства теорем. **Осваивать** выборочный метод исследований, в том числе в ходе практической работы	**4**	**5***

Элементы математической статистики	Генеральная совокупность и случайная выборка. Знакомство с выборочными характеристиками. Оценка среднего и дисперсии генеральной совокупности с помощью выборочных характеристик. Оценивание вероятностей событий по выборке. Статистическая гипотеза. Проверка простейших гипотез с помощью свойств изученных распределений . Практическая работа с использованием электронных таблиц	**Осваивать** понятия: генеральная совокупность, выборка, выборочное среднее и выборочная дисперсия . **Вычислять** выборочные характеристики и на их основе оценивать характеристики генеральной совокупности . **Осваивать понятия**: статистическая гипотеза. **Оценивать вероятность** событий и проверять простейшие гипотезы на основе выборочных данных, в том числе в ходе практической работы	**4/1***	**1/4***
Непрерывные случайные величины (распределения), показательное и нормальное распределения	Примеры непрерывных случайных величин. Функция плотности вероятности. Равномерное распределение. Примеры задач, приводящих к показательному и к нормальному распределениям. Функция плотности вероятности показательного распределения. Функция плотности вероятности нормального распределения	**Знакомиться понятиями**: непрерывная случайная величина, непрерывное распределение, функция плотности вероятности. **Находить** вероятности событий по данной функции плотности. **Знакомиться с понятиями**: показательное распределение, нормальное распределение. **Выделять** по описанию случайные величины, распределенные по показательному закону, по нормальному закону. **Разбирать** примеры задач, приводящих к показательному распределению и к нормальному распределению	**4**	**5***
Распределение Пуассона	Последовательность одиночных независимых событий. Пример задачи, приводящей к распределению Пуассона. Практическая работа с использованием электронных таблиц	**Выделять** по описанию случайного опыта величины, распределенные по закону Пуассона . **Решать** задачи, в том числе в ходе практической работы с применением стандартных функций электронных таблиц	**4/1***	**5***

Связь между случайными величинами	Ковариация двух случайных величин. Коэффициент корреляции. Совместные наблюдения двух величин. Выборочный коэффициент корреляции. Различие между линейной связью и причинно-следственной связью. Линейная регрессия. Практическая работа с использованием электронных таблиц	**Осваивать** понятия: ковариация, коэффициент корреляции, линейная зависимость. **Оценивать** характер связи между случайными величинами, исходя из природы данных и вычисленных характеристик. **Использовать** диаграммы рассеивания для изображения совместного рассеивания данных. **Находить** коэффициенты оси диаграммы, в том числе в ходе практической работы с применением стандартных функций	**4**	**6***
Обобщение и систематизация знаний	Представление данных с помощью таблиц и диаграмм, описательная статистика, опыты с равновозможными элементарными событиями, вычисление вероятностей событий с применением формул и графических методов (координатная прямая, дерево, диаграмма Эйлера), случайные величины и распределения, математическое ожидание случайной величины	**Повторять** изученное и выстраивать систему знаний	**3**	**6***
Итого во 2 семестре			**25**	**32**
Итого за курс			**46**	**53**

***самостоятельная работа**

5. Условия реализации учебного предмета «Математика»

Учебная аудитория №5 для проведения занятий всех видов, предусмотренных образовательной программой, в том числе групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации	**Основное оборудование:** Столы ученические (24 шт.), стол преподавательский (1 шт.), стулья ученические (48 шт.), стул преподавательский (1шт.), доска передвижная на колесах (1 шт.)(Проектор - 1; Экран - 1; Колонки - 1; персональный компьютер на базе процессора Intel - 1; ЖК монитор - 1; клавиатура - 1; мышь - 1). **Переносное оборудование**: Веб камера	*Комплект лицензионного программного обеспечения:* ЭБС «Book.ru» СПС «КонсультантПлюс» Microsoft Windows 10 Professional Microsoft Office 2016 Standart Microsoft Windows 7

Помещение для самостоятельной работы

Учебная аудитория № 5 Компьютерный класс. Помещение для самостоятельной работы и выполнения курсовых работ, учебная аудитория для проведения занятий лекционного и семинарского типа, в т. ч. практических занятий, курсового проектирования (выполнения курсовых работ) групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации	*Специализированная мебель:* столы компьютерные (10 шт.), кресла (10 шт.), доска передвижная на колесах (1 шт.), компьютеры на базе Intel (10 шт.), монитор (10 шт.), клавиатура (10 шт.), компьютерная мышь (10 шт.), стол преподавателя (1 шт.), компьютер на базе Intel (1 шт.), монитор (1 шт.), клавиатура (1 шт.), компьютерная мышь (1 шт.). кресло (1 шт.) *Оборудование и технические средства обучения:* Переносное оборудование: ноутбук, экран для проектора, компьютерные колонки, проектор, компьютеры для обучающихся -10 шт.	*Комплект лицензионного программного обеспечения:* ЭБС «Book.ru» СПС «КонсультантПлюс» Microsoft Windows 10 Professional Microsoft Office 2016 Standart Microsoft Windows 7 Professional SP1 (x32/x64) Kaspersky Endpoint Security для бизнеса

Основная литература

1. Атанасян, Л.С.. Математика: алгебра и начала математического анализа геометрия. Геометрия. 10-11 классы. Базовый и углублённый уровни. ЭФУ / Л.С. Атанасян, В.Ф. Бутузов, С.Б. Кадомцев — Москва : Просвещение, 2022. — ISBN 978-5-09-099446-0. — URL: https://book.ru/book/948971 . — Текст : электронный.

2. Мерзляк А.Г. Алгебра и начала математического анализа. 10 класс. Углублённый уровень. ЭФУ / А.Г. Мерзляк, Д.А. Номировский, В.М. Поляков; под. ред. В.Е. Подольский — Москва :

Просвещение, 2022. — ISBN 978-5-09-099470-5. — URL: https://book.ru/book/948937 . — Текст : электронный.

3. Мерзляк А.Г. Математика: алгебра и начала математического анализа геометрия. Алгебра и начала математического анализа. 11 класс. Углублённый уровень. ЭФУ / А.Г. Мерзляк, Д.А. Номировский, В.М. Поляков; под. ред. В.Е. Подольский — Москва : Просвещение, 2022. — ISBN 978-5-09-099471-2. — URL: https://book.ru/book/948938 . — Текст : электронный.

4. Мерзляк А.Г. Математика: алгебра и начала математического анализа геометрия. Геометрия. 10 класс. Углублённый уровень. ЭФУ / А.Г. Мерзляк, Д.А. Номировский, В.М. Поляков; под. ред. В.Е. Подольский — Москва : Просвещение, 2022. — ISBN 978-5-09-099472-9. — URL: https://book.ru/book/948939 . — Текст : электронный.

5. Мерзляк А.Г. Математика: алгебра и начала математического анализа геометрия. Геометрия. 11 класс. Углублённый уровень. ЭФУ / А.Г. Мерзляк, Д.А. Номировский, В.М. Поляков; под. ред. В.Е. Подольский — Москва : Просвещение, 2022. — ISBN 978-5-09-099473-6. — URL: https://book.ru/book/948940 . — Текст : электронный.